

**ELITE**  
**PRÉ-VESTIBULAR**  
c a m p i n a s

**Resolve**  
**Resolve**  
**Resolve**  
**Aprova**  
**Aprova**  
**Aprova**  
**Aprova**

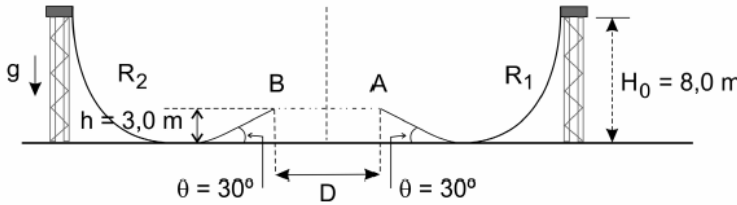


**FUVEST 2006**  
**SEGUNDA FASE**  
**FÍSICA**

**FÍSICA**

**QUESTÃO 1**

Uma pista de skate, para esporte radical, é montada a partir de duas rampas  $R_1$  e  $R_2$ , separadas entre A e B por uma distância  $D$ , com as alturas e ângulos indicados na figura. A pista foi projetada de tal forma que um skatista, ao descer a rampa  $R_1$ , salta no ar, atingindo sua altura máxima no ponto médio entre A e B, antes de alcançar a rampa  $R_2$ .



- Determine o módulo da velocidade  $V_A$ , em m/s, com que o skatista atinge a extremidade A da rampa  $R_1$ .
- Determine a altura máxima  $H$ , em metros, a partir do solo, que o skatista atinge, no ar, entre os pontos A e B.
- Calcule qual deve ser a distância  $D$ , em metros, entre os pontos A e B, para que o skatista atinja a rampa  $R_2$  em B, com segurança.

**NOTE E ADOTE**  
Desconsidere a resistência do ar, o atrito e os efeitos das acrobacias do skatista.  
sen  $30^\circ = 0,5$ ; cos  $30^\circ \cong 0,87$

**Resolução**

a) O skatista parte de  $H_0 = 8,0$  m para  $H_A = 3,0$  m, logo, da conservação da energia e supondo que o skatista parte de  $H_0$  com velocidade  $V_0 = 0$ , temos:

$$E_{M0} = E_{MA}$$

$$m \cdot g \cdot H_0 = m \cdot g \cdot H_A + m \frac{V_A^2}{2} \Rightarrow V_A^2 = 2 \cdot g \cdot (H_0 - H_A) \Rightarrow$$

$$V_A = \sqrt{2 \cdot g \cdot (H_0 - H_A)} = \sqrt{20 \cdot (8 - 3)} \text{ [m/s]} \Rightarrow$$

**$V_A = 10 \text{ m/s}$**

b) Sabe-se que  $V_{AY} = V_A \cdot \text{sen}30^\circ = 10 \cdot 0,5 \text{ [m/s]} \Rightarrow$   
 $V_{AY} = 5 \text{ m/s}$

Na altura máxima, temos  $V_Y = 0$ , assim:

$$v_Y^2 = v_{AY}^2 - 2 \cdot g \cdot (H_{\text{máx}} - H_A) \Rightarrow$$

$$0 = 25 - 2 \cdot 10 \cdot (H_{\text{máx}} - 3) \text{ [SI]} \Rightarrow$$

$$H_{\text{máx}} = \frac{25}{20} + 3 \Rightarrow$$

**$H_{\text{máx}} = 4,25 \text{ m}$**

b) A distância é tal que o skatista atinge o ponto B exatamente em duas vezes o tempo que atinge o ponto mais alto do voo, onde a velocidade em y é igual a 0. Assim:

$$t_{\text{total}} = t_{\text{subida}} + t_{\text{descida}} = 2 \cdot t_{\text{subida}}, \text{ mas}$$

$$V_Y = V_{AY} - gt \Rightarrow$$

$$0 = 5 - 10 \cdot t_{\text{subida}} \Rightarrow t_{\text{subida}} = 0,5 \text{ s} \therefore t_{\text{total}} = 1,0 \text{ s}$$

Como a componente x da velocidade entre A e B é constante (note que não há forças horizontais), temos:

$$V_x = V_{AX} = \frac{D}{t_{\text{total}}} \Rightarrow$$

$$D = V_{AX} \cdot t_{\text{total}} = V_A \cdot \text{cos}30^\circ \cdot t_{\text{total}} \cong 10 \cdot 0,87 \cdot 1,0 \text{ [m]} \Rightarrow$$

**$D = 8,7 \text{ m}$**

**QUESTÃO 2**

Um gaveteiro, cujas dimensões estão indicadas no corte transversal, em escala, representado nas figuras, possui três gavetas iguais, onde foram colocadas massas de 1 kg, 8 kg e 3 kg, distribuídas de modo uniforme, respectivamente no fundo das gavetas  $G_1$ ,  $G_2$  e  $G_3$ . Quando a gaveta  $G_2$  é puxada, permanecendo aberta, existe o risco de o gaveteiro ficar desequilibrado e inclinar-se para frente.

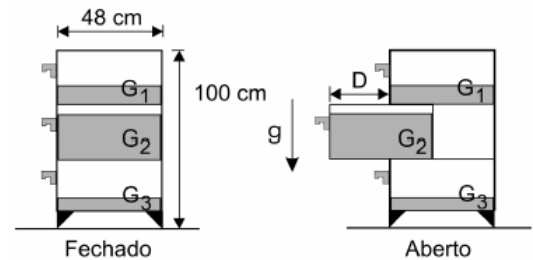


Figura 1

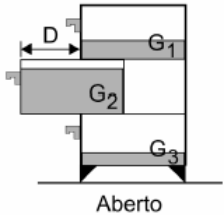
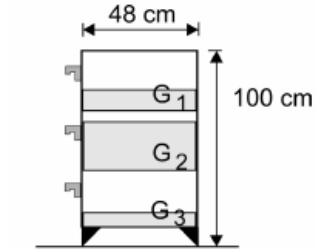


Figura 2

- Indique, no esquema da folha de resposta, a posição do centro de massa de cada uma das gavetas quando fechadas, identificando esses pontos com o símbolo x.



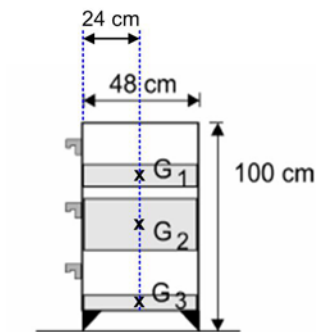
(Corte transversal pelo centro do gaveteiro fechado)

- Determine a distância máxima  $D$ , em cm, de abertura da gaveta  $G_2$ , nas condições da figura 2, de modo que o gaveteiro não tombe para frente.
- Determine a maior massa  $M_{\text{max}}$ , em kg, que pode ser colocada em  $G_2$ , sem que haja risco de desequilibrar o gaveteiro quando essa gaveta for aberta completamente, mantendo as demais condições.

**NOTE E ADOTE**  
Desconsidere o peso das gavetas e do gaveteiro vazios.

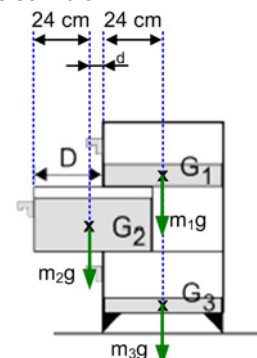
**Resolução**

a) Considerando as gavetas como um corpo simétrico e homogêneo, com largura (perpendicular ao plano da figura), seu respectivo Centro de Massa coincide com o seu Centro Geométrico por serem retangulares. Logo os Centros de Massa estão na metade do comprimento e na metade da largura de cada gaveta. Esquemáticamente encontramos:



(Corte transversal pelo centro do gaveteiro fechado)

- A iminência do tombamento se dará quando a força nos pés da direita for igual a 0 (toda a força está sobre os pés da esquerda). Neste momento o torque resultante sobre o gaveteiro está na iminência de deixar de ser nulo.



Fazendo o somatório dos momentos em relação aos pés da direita igual a 0 (ainda estamos em equilíbrio), temos:

$$\begin{aligned} \Sigma M &= 0 \\ m_2 g \cdot d &= m_1 g \cdot 0,24 + m_2 g \cdot 0,24 \\ 8 \cdot d_2 &= 1,0 \cdot 0,24 + 3,0 \cdot 0,24 \\ d_2 &= \frac{0,24 + 0,72}{8} = 0,12\text{m} \end{aligned}$$

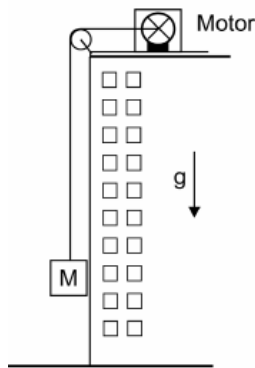
Sendo a distância máxima de abertura  $D = 0,24 + d$ , temos  $D = 0,36\text{m} = 36\text{ cm}$

c) Quando a gaveta 2 estiver totalmente aberta, a distância  $d$  será 24 cm. Assim, a massa máxima  $M_{\text{máx}}$  tolerável será dada por:

$$\begin{aligned} \Sigma M &= 0 \\ P_2 \cdot d &= P_1 \cdot 0,24 + P_2 \cdot 0,24 \\ M_{\text{máx}} \cdot 0,24 &= 1,0 \cdot 0,24 + 3,0 \cdot 0,24 \\ M_{\text{máx}} &= 4\text{ kg} \end{aligned}$$

**QUESTÃO 3**

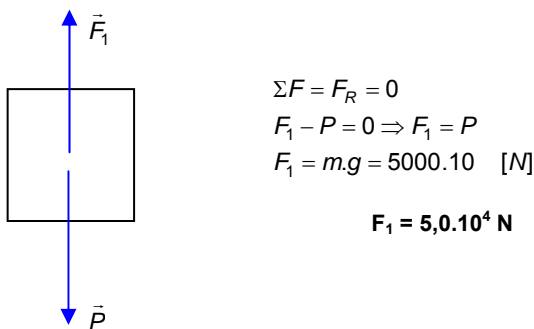
Um elevador de carga, com massa  $M = 5\ 000\text{ kg}$ , é suspenso por um cabo na parte externa de um edifício em construção. Nas condições das questões abaixo, considere que o motor fornece a potência  $P = 150\text{ kW}$ .



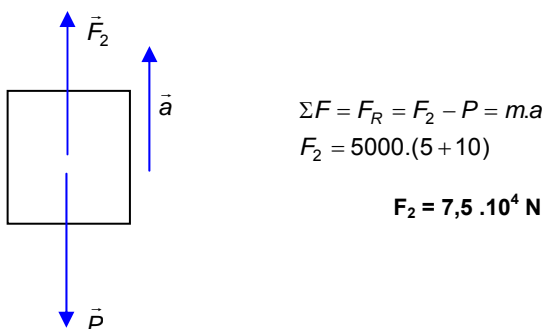
- Determine a força  $F_1$ , em N, que o cabo exerce sobre o elevador, quando ele é puxado com velocidade constante.
- Determine a força  $F_2$ , em N, que o cabo exerce sobre o elevador, no instante em que ele está subindo com uma aceleração para cima de módulo  $a = 5\text{ m/s}^2$ .
- Levando em conta a potência  $P$  do motor, determine a velocidade  $V_2$ , em m/s, com que o elevador estará subindo, nas condições do item (b) ( $a = 5\text{ m/s}^2$ ).
- Determine a velocidade máxima  $V_L$ , em m/s, com que o elevador pode subir quando puxado pelo motor.

**Resolução**

a) O elevador subirá com velocidade constante quando a resultante das forças externas sobre ele forem nulas (Equilíbrio dinâmico):



b) Como a aceleração tem sentido para cima, pela 2ª Lei de Newton, temos:



c) Considerando a potência do motor dada, temos:

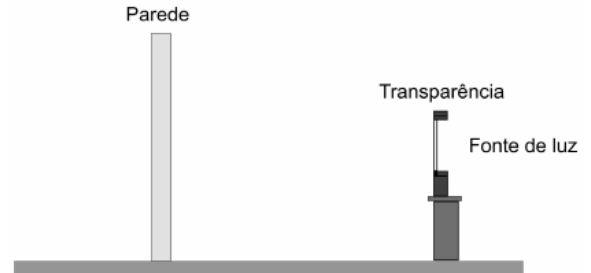
$$\begin{aligned} P &= F_2 \cdot V_2 \\ 150 \cdot 10^3 &= 7,5 \cdot 10^4 \cdot V_2 \\ V_2 &= 2\text{ m/s} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} P &= F_1 \cdot V_L \\ 150 \cdot 10^3 &= 5,0 \cdot 10^4 \cdot V_L \\ V_L &= 3,0\text{ m/s} \end{aligned}$$

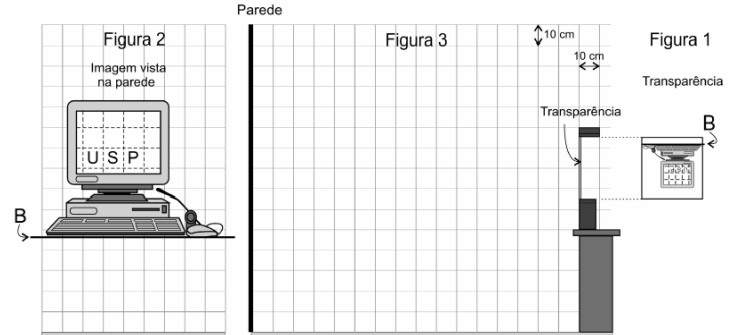
d) Quando elevador atinge sua velocidade máxima (limite), este passa a desempenhar um Movimento Uniforme ( $V_L = \text{constante}$ ). Assim, para tal situação temos que a resultante das forças sobre o elevador tornam-se nulas (condições do item a). Logo:

**QUESTÃO 4**

Uma figura gravada em uma folha de plástico (transparência) foi projetada sobre uma parede branca, usando-se uma fonte de luz e uma única lente, colocada entre a folha e a parede, conforme esquema ao lado. A transparência e a imagem projetada, nas condições de tamanho e distância usadas, estão representadas, em escala, na folha de respostas. As figuras 1 e 2 correspondem a vistas de frente e a figura 3, a vista lateral.



a) Determine, no esquema da folha de resposta, traçando as linhas de construção apropriadas, a posição onde foi colocada a lente, indicando essa posição por uma linha vertical e a letra L. Marque o centro óptico da lente e indique sua posição pela letra C.



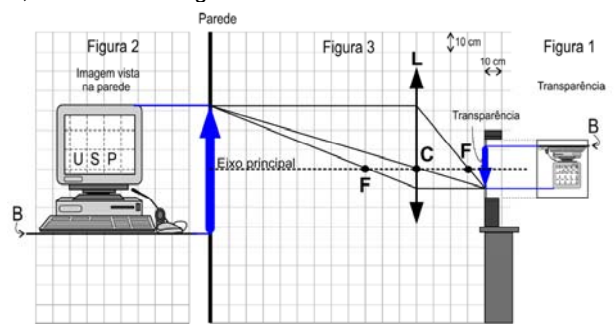
- Determine graficamente, no esquema da folha de resposta, traçando as linhas de construção apropriadas, a posição de cada um dos focos da lente, indicando suas posições pela letra F.
- Represente, indicando por  $B_{\text{nova}}$ , na figura 2, a posição da linha B, quando o centro óptico da lente for rebaixado em 10 cm (1 quadradinho).

**NOTE E ADOTE**

Todo raio que passa pelo centro óptico de uma lente emerge na mesma direção que incide.

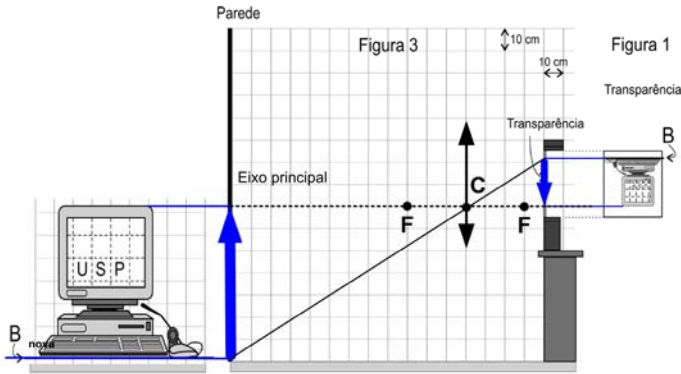
**Resolução**

Itens a e b) Fazendo uso dos raios notáveis dentro das restrições de Gauss, construímos a figura abaixo:



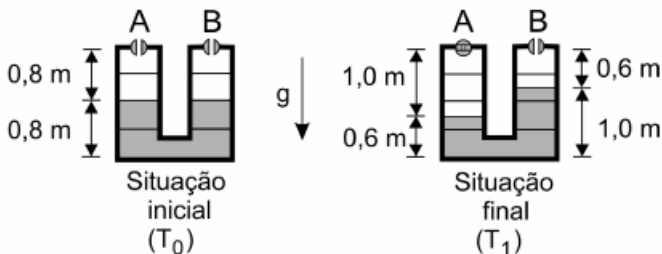
Note que através do eixo principal (eixo de simetria) um raio luminoso passa sem sofrer desvio. Assim, é determinada a posição do centro óptico e conseqüentemente da lente (cruzamento do eixo principal com o raio ligando as partes superiores do objeto e da imagem). Um foco é obtido através do raio que sai paralelo do objeto (transparência) e representa a parte superior do mesmo. Este raio deve seguir até a parte superior da imagem, determinando no ponto de cruzamento com o eixo principal a posição do foco. O outro através do mesmo procedimento, a partir da imagem na parede.

c) Rebaixando o Eixo principal da Lente e, conseqüentemente, o centro óptico, temos um novo gráfico, utilizando o princípio que o raio que passa pelo centro óptico não apresenta mudança de direção:



**QUESTÃO 5**

Dois tanques cilíndricos verticais, A e B, de 1,6 m de altura e interligados, estão parcialmente cheios de água e possuem válvulas que estão abertas, como representado na figura para a situação inicial. Os tanques estão a uma temperatura  $T_0 = 280$  K e à pressão atmosférica  $P_0$ . Em uma etapa de um processo industrial, apenas a válvula A é fechada e, em seguida, os tanques são aquecidos a uma temperatura  $T_1$ , resultando na configuração indicada na figura para a situação final.



- a) Determine a razão  $R_1 = P_1/P_0$ , entre a pressão final  $P_1$  e a pressão inicial  $P_0$  do ar no tanque A.
- b) Determine a razão  $R_2 = T_1/T_0$ , entre a temperatura final  $T_1$  e a temperatura inicial  $T_0$  dentro dos tanques.
- c) Para o tanque B, determine a razão  $R_3 = m_0/m_1$  entre a massa de ar  $m_0$  contida inicialmente no tanque B e a massa de ar final  $m_1$ , à temperatura  $T_1$ , contida nesse mesmo tanque.

NOTE E ADOTE  
 $PV = nRT$ ;  $\Delta P = \rho g \Delta H$   
 $P_{atmosférica} \cong 1,00 \times 10^5 \text{ N/m}^2$

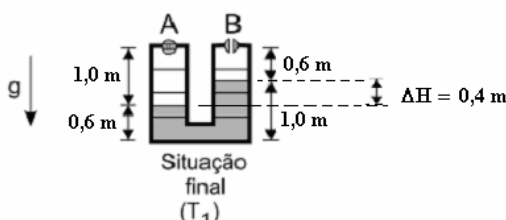
**Resolução**

a) Considerando que o ar contido no cilindro A se comporta como um gás ideal, temos que para temperatura  $T_1$  sua pressão  $P_1$  será dada por:

$$P_1 = P_0 + \Delta P$$

$$P_1 = P_0 + \rho \cdot g \cdot \Delta H$$

Onde  $\Delta H$  é dada por:



Assim (adotando  $\rho_{\text{água}} = 1 \text{ kg/L} = 1000 \text{ kg/m}^3$ ):

$$P_1 = 1 \cdot 10^5 + 10^3 \cdot 10 \cdot 0,4$$

$$P_1 = 1,04 \cdot 10^5 \text{ N/m}^2$$

Portanto:

$$R_1 = P_1/P_0$$

$$R_1 = \frac{1,04 \cdot 10^5}{1,00 \cdot 10^5}$$

$$R_1 = 1,04$$

b) Aplicando a equação geral dos gases perfeitos no cilindro A temos:

$$\frac{P_0 \cdot V_0}{T_0} = \frac{P_1 \cdot V_1}{T_1} \Rightarrow \frac{P_0 \cdot A \cdot h_0}{T_0} = \frac{P_1 \cdot A \cdot h_1}{T_1}$$

$$\frac{1 \cdot 10^5 \cdot A \cdot 0,8}{280} = \frac{1,04 \cdot 10^5 \cdot A \cdot 1,0}{T_1} \Rightarrow$$

onde  $A$  é a área da secção circular horizontal de cada tanque.

$$T_1 = \frac{1,04 \cdot 10^5 \cdot A \cdot 1,0 \cdot 280}{1 \cdot 10^5 \cdot A \cdot 0,8} \Rightarrow T_1 = 364 \text{ K}$$

Portanto:

$$R_2 = \frac{T_1}{T_0} = \frac{364}{280}$$

$$R_2 = 1,3$$

c) Para o cilindro B, que está aberto, temos  $p_0 = p_1 = p$ . Portanto:

$$pV_0 = n_0RT_0 = \frac{m_0}{M}RT_0 \Rightarrow m_0 = \frac{pMV_0}{RT_0} = \frac{pM \cdot A \cdot h_0}{RT_0} \quad (I)$$

Analogamente, temos:

$$m_1 = \frac{pM \cdot A \cdot h_1}{RT_1} \quad (II)$$

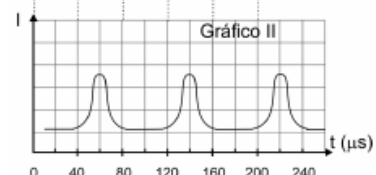
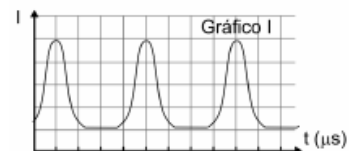
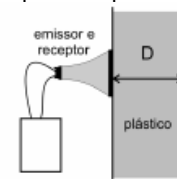
Dividindo (I) por (II), e utilizando  $h_0 = 0,8$  e  $h_1 = 0,6$ , vem:

$$R_3 = \frac{m_0}{m_1} = \frac{\frac{pM \cdot A \cdot h_0}{RT_0}}{\frac{pM \cdot A \cdot h_1}{RT_1}} = \frac{h_0}{h_1} \cdot \frac{T_1}{T_0} = \frac{h_0}{h_1} \cdot R_2 = \frac{0,8}{0,6} \cdot 1,3$$

$$R_3 = 1,73$$

**QUESTÃO 6**

Imagens por ultra-som podem ser obtidas a partir da comparação entre o pulso de um sinal emitido e o pulso proveniente da reflexão em uma superfície do objeto que se quer analisar. Em um teste de controle de qualidade, para conferir a espessura de uma placa de plástico, são usados pulsos de ondas com frequência  $f = 1,5$  MHz. Os gráficos I e II representam, respectivamente, as intensidades em função do tempo dos pulsos emitidos e dos pulsos captados no receptor, em uma certa parte da placa.



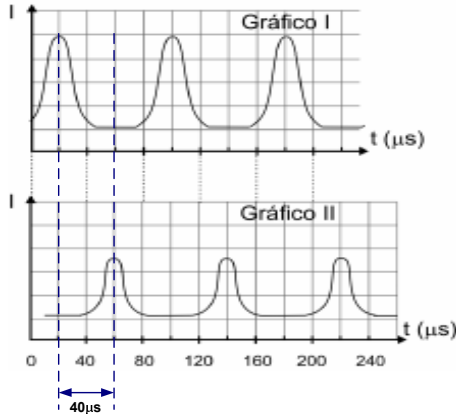
- a) Determine o intervalo de tempo  $\Delta t$ , em  $\mu\text{s}$ , entre os pulsos emitidos e os pulsos captados.
- b) Estime a espessura  $D$ , em mm, da placa.
- c) Determine o comprimento de onda  $\lambda$ , em mm, das ondas de ultra-som utilizadas.

**NOTE E ADOTE**

1  $\mu\text{s} = 10^{-6}\text{s}$   
1 MHz =  $10^6\text{Hz}$   
Velocidade do ultra-som no plástico = 1200 m/s.  
Os gráficos representam a intensidade I em uma escala arbitrária.  
Cada pulso é composto por inúmeros ciclos da onda de ultra-som.  
Cada pulso só é emitido depois da recepção do pulso anterior.

**Resolução**

a) Do gráfico temos:



$\Delta t = 40 \mu\text{s}$

b) No item anterior, o intervalo de tempo  $\Delta t = 40 \mu\text{s}$  representa o tempo entre o sinal emitido e o captado no aparelho, ou seja, o tempo de ida e volta do ultra-som no plástico. Portanto para determinarmos a espessura da placa consideramos apenas o tempo de ida, ou seja,  $\Delta t' = 20 \mu\text{s}$ . Assim temos:

$D = v_s \cdot \Delta t' \Rightarrow D = 1200 \text{ m/s} \cdot 20 \cdot 10^{-6} \text{ s}$   
**D = 24 mm**

c) Pela equação fundamental da ondulatória temos:

$v = \lambda \cdot f \Rightarrow 1200 = \lambda \cdot 1,5 \cdot 10^6 \Rightarrow \lambda = \frac{1200}{1,5 \cdot 10^6} \text{ [m]}$

**$\lambda = 0,8 \text{ mm}$**

**QUESTÃO 7**

Na época da formação da Terra, estimada como tendo ocorrido há cerca de 4,2 bilhões de anos, os isótopos de Urânio radioativo  $^{235}\text{U}$  e  $^{238}\text{U}$  existiam em maior quantidade, pois, ao longo do tempo, parte deles desintegrou-se, deixando de existir como elemento Urânio. Além disso, eram encontrados em proporções diferentes das de hoje, já que possuem meias-vidas diferentes. Atualmente, em uma amostra de 1,000 kg de Urânio, há 0,993 kg de  $^{238}\text{U}$  e 0,007 kg de  $^{235}\text{U}$ , de modo que o  $^{235}\text{U}$  corresponde a 0,7% da massa total e tem importância estratégica muito grande, pela sua utilização em reatores nucleares.

- a) Estime a massa M238, em kg, de uma amostra de  $^{238}\text{U}$ , na época da formação da Terra, a partir da qual restaram hoje 0,993 kg de  $^{238}\text{U}$ .
- b) Estime, levando em conta o número de meias-vidas do  $^{235}\text{U}$ , a massa M235, em kg, de uma amostra de  $^{235}\text{U}$ , na época da formação da Terra, a partir da qual restaram hoje 0,007 kg de  $^{235}\text{U}$ .
- c) Estime a porcentagem P em massa de  $^{235}\text{U}$  em relação à massa total de Urânio em uma amostra na época da formação da Terra.

**NOTE E ADOTE**

A meia-vida de um elemento radioativo é o intervalo de tempo necessário para que a metade da massa de uma amostra se desintegre; o restante de sua massa continua a se desintegrar.  
Meia-vida do  $^{238}\text{U} \cong 4,2$  bilhões de anos  
( $4,2 \times 10^9$  anos)  
Meia-vida do  $^{235}\text{U} \cong 700$  milhões de anos  
( $0,7 \times 10^9$  anos)  
(Os valores acima foram aproximados, para facilitar os cálculos).

**Resolução**

a) De acordo com os dados, o tempo de meia-vida do  $^{238}\text{U}$  é 4,2 bilhões de anos. Assim, desde a formação da terra, temos que a quantidade de  $^{238}\text{U}$  diminuiu pela metade. Assim, a quantidade de  $^{238}\text{U}$

que gerou 0,993 kg nos dias de hoje, na data de formação da terra é o dobro:

$$m \xrightarrow{4,2 \text{ bilhões de anos}} \frac{m}{2}$$
  
$$2,0,993 \text{ kg} \xrightarrow{4,2 \text{ bilhões de anos}} 0,993 \text{ kg}$$

Portanto, a massa de  $^{238}\text{U}$  que originou 0,993 kg de  $^{238}\text{U}$  atualmente é **M238 = 1,986 kg**

b) A partir dos dados do problema, temos que uma meia-vida do  $^{235}\text{U}$  é  $0,7 \cdot 10^9$  anos. Assim, pode-se calcular o número de meias-vidas desde a formação da terra:

$$\frac{0,7 \cdot 10^9 \text{ anos}}{4,2 \cdot 10^9 \text{ anos}} = \frac{1 \text{ meia-vida}}{n}$$
  
$$n = 6 \text{ meias-vidas}$$

Assim, desde a formação da terra, temos que a quantidade de  $^{235}\text{U}$  diminuiu pela metade seis vezes (foi dividida por  $2^6$ ). Assim, a quantidade de  $^{235}\text{U}$  que gerou 0,007 kg nos dias de hoje, na data de formação da terra é o  $2^6$  vezes maior.

$$m \xrightarrow{6 \text{ meias-vidas}} \frac{m}{2^6}$$

$$2^6 \cdot 0,007 \text{ kg} \xrightarrow{6 \text{ meias-vidas}} 0,007 \text{ kg}$$

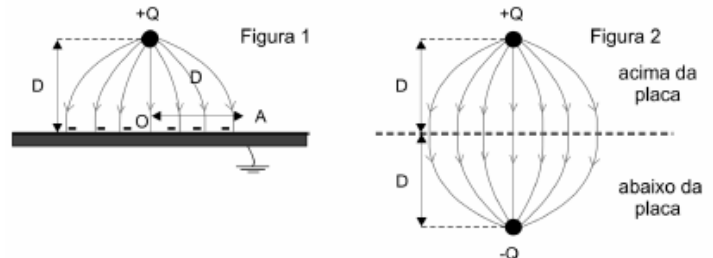
Portanto, a massa de  $^{235}\text{U}$  que originou 0,007 kg de  $^{235}\text{U}$  nos dias de hoje é **M235 = 0,448 kg**

c) Uma amostra de 1,000 kg atual continha (0,448 + 1,986) kg da mistura  $^{235}\text{U}$  e  $^{238}\text{U}$ . A porcentagem de  $^{235}\text{U}$  pode ser calculada por:

$$P = \frac{M235}{(M235+M238)} = \frac{0,448}{0,448+1,986} = 0,184 = 18,4\%$$

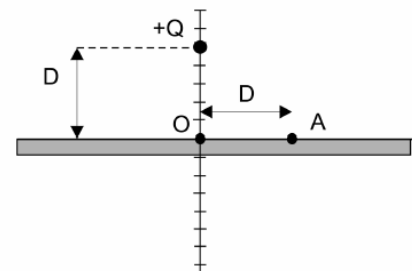
**QUESTÃO 8**

Uma pequena esfera, com carga elétrica positiva  $Q = 1,5 \times 10^{-9}\text{C}$ , está a uma altura  $D = 0,05 \text{ m}$  acima da superfície de uma grande placa condutora, ligada à Terra, induzindo sobre essa superfície cargas negativas, como na figura 1. O conjunto dessas cargas estabelece um campo elétrico que é idêntico, apenas na parte do espaço acima da placa, ao campo gerado por uma carga  $+Q$  e uma carga  $-Q$ , como se fosse uma "imagem" de  $Q$  que estivesse colocada na posição representada na figura 2.



- a) Determine a intensidade da força F, em N, que age sobre a carga  $+Q$ , devida às cargas induzidas na placa.
- b) Determine a intensidade do campo elétrico  $E_0$ , em V/m, que as cargas negativas induzidas na placa criam no ponto onde se encontra a carga  $+Q$ .
- c) Represente, no diagrama a seguir, no ponto A, os vetores campo elétrico  $\vec{E}_+$  e  $\vec{E}_-$ , causados, respectivamente, pela carga  $+Q$  e pelas

cargas induzidas na placa, bem como o campo resultante,  $\vec{E}_A$ . O ponto A está a uma distância D do ponto O da figura e muito próximo à placa, mas acima dela.



- d) Determine a intensidade do campo elétrico resultante  $E_A$ , em V/m, no ponto A.

NOTE E ADOTE  
 $F = k \frac{Q_1 Q_2}{r^2}$ ;  $E = k \frac{Q}{r^2}$ ; onde  
 $k = 9 \times 10^9 \text{ N.m}^2/\text{C}^2$   
 $1\text{V/m} = 1 \text{ N/C}$

**Resolução**

Como o campo elétrico gerado pela placa é idêntico ao campo que seria gerado por uma carga  $-Q$ , colocada conforme indicado na figura 2, então podemos determinar as grandezas eletrostáticas do problema através da analogia do “espelho de cargas” representado na figura 2. Portanto:

a) a força  $F$  é dada por:

$$F = k \frac{Q \cdot Q}{(2D)^2} = 9 \cdot 10^9 \frac{(1,5 \cdot 10^{-9})^2}{(2,0 \cdot 0,05)^2} \text{ [N]} \Rightarrow$$

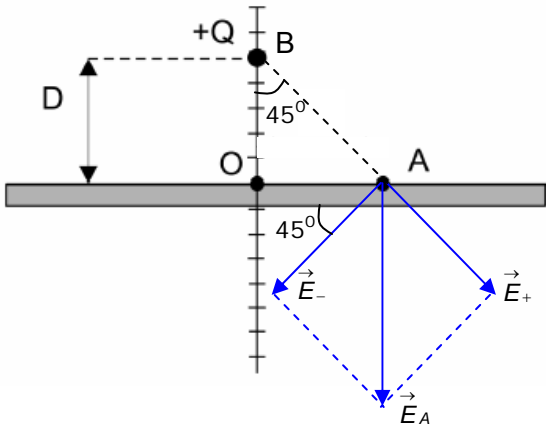
$$F = 2,025 \cdot 10^{-6} \text{ N}$$

b) o campo elétrico no ponto onde se encontra  $+Q$  é dado por:

$$E_0 = k \frac{Q}{D^2} = 9 \cdot 10^9 \frac{1,5 \cdot 10^{-9}}{(2,0 \cdot 0,05)^2} \text{ [N/C] ou [V/m]} \Rightarrow$$

$$E_0 = 1,35 \cdot 10^3 \text{ N/C (ou V/m)}$$

c) Como  $\overline{AO} = D$  e  $|E_-| = |E_+|$  (campos relativos a cargas à mesma distância), então  $\overline{OAB} = \overline{OBA} = 45^\circ$  e o vetor  $E_A$  é perpendicular à placa. Assim temos a figura:



d) Da figura temos que o ângulo entre  $\vec{E}_+$  e  $\vec{E}_-$  é  $90^\circ$ , logo:

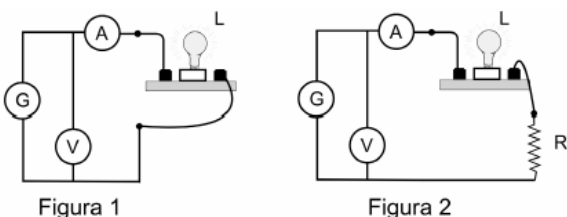
$$\begin{cases} |\vec{E}_A| = E_A = \sqrt{E_+^2 + E_-^2} = \sqrt{2 \cdot E_+^2} = E_+ \cdot \sqrt{2} \Rightarrow \\ \overline{AB} = \sqrt{D^2 + D^2} = D\sqrt{2} \end{cases}$$

$$E_A = \sqrt{2} \cdot E_+ = \sqrt{2} \frac{kQ}{(D\sqrt{2})^2} = \sqrt{2} \frac{9 \cdot 10^9 \cdot 1,5 \cdot 10^{-9}}{(0,05 \cdot \sqrt{2})^2} \Rightarrow$$

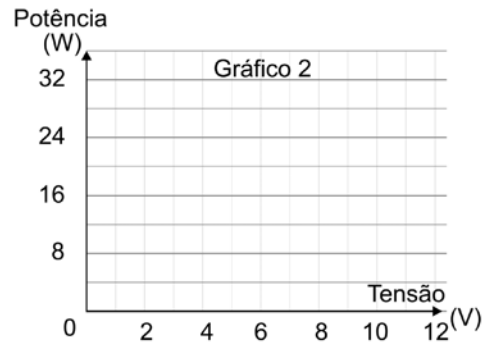
$$E_A = 2700 \sqrt{2} \text{ V/m}$$

**QUESTÃO 9**

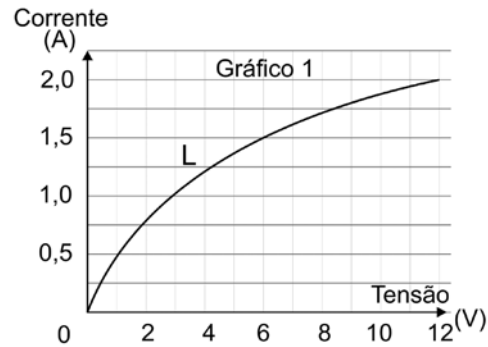
A relação entre tensão e corrente de uma lâmpada L, como a usada em automóveis, foi obtida por meio do circuito esquematizado na figura 1, onde G representa um gerador de tensão variável. Foi medido o valor da corrente indicado pelo amperímetro A, para diferentes valores da tensão medida pelo voltímetro V, conforme representado pela curva L no Gráfico 1, da folha de resposta. O circuito da figura 1 é, então, modificado, acrescentando-se um resistor R de resistência  $6,0 \Omega$  em série com a lâmpada L, conforme esquematizado na figura 2.



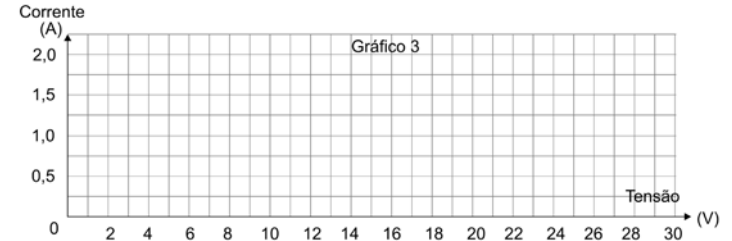
a) Construa, no Gráfico 2 da folha de resposta, o gráfico da potência dissipada na lâmpada, em função da tensão  $U$  entre seus terminais, para  $U$  variando desde 0 até 12 V.



b) Construa, no Gráfico 1 da folha de resposta, o gráfico da corrente no resistor R em função da tensão  $U$  aplicada em seus terminais, para  $U$  variando desde 0 até 12 V.



c) Considerando o circuito da figura 2, construa, no Gráfico 3 da folha de resposta, o gráfico da corrente indicada pelo amperímetro em função da tensão  $U$  indicada pelo voltímetro, quando a corrente varia desde 0 até 2 A.



NOTE E ADOTE  
 O voltímetro e o amperímetro se comportam como ideais.  
 Na construção dos gráficos, marque os pontos usados para traçar as curvas.

**Resolução**

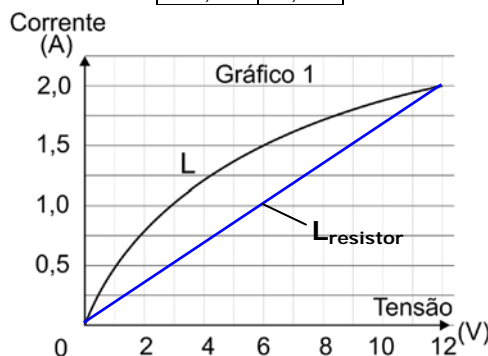
a) Usando dos dados abaixo, extraídos através do gráfico 1 e sabendo que  $P = i \cdot U$ , temos:

U (V)	i (A)	P (W)
0	0	0
1	0,50	0,50
2	0,75	1,50
3	1,00	3,00
4	1,20	4,80
5	1,35	6,75
6	1,50	9,00
7	1,60	11,20
8	1,70	13,60
9	1,80	16,20
10	1,90	19,00
11	1,95	21,45
12	2,00	24,00



b) Sendo R um resistor ôhmico, dois pontos são suficientes, para construir a curva  $i \times U$  entre seus terminais ( $L_{\text{resistor}}$ ), pois:  
 $U = R \cdot i$ , onde  $R = 6,0 \Omega$  (constante), que é a equação de uma reta. Tomando-se os pontos extremos ( $U = 0$  e  $U = 12V$ ), temos:

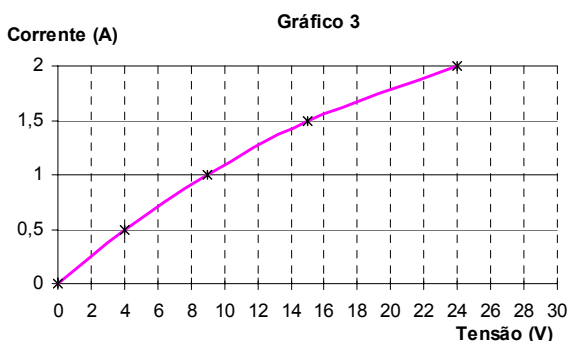
U (V)	i (A)
0,00	0,00
12,00	2,00



c) Pelo Gráfico 1 dado, podemos obter a tensão entre os terminais da lâmpada,  $U_L$ , que é a queda de tensão na lâmpada para correntes  $i$  entre 0 e 2A, obtidas pela leitura do amperímetro. Sendo  $V = U_L + U_R$  a tensão medida pelo voltímetro, e  $U_R = 6 \cdot i$ , a queda de tensão no resistor, temos:

i (A)	$U_L$ (V)	$U_R$ (V)	V (V)
0,0	0	0	0,00
0,5	1	3	4,00
1,0	3	6	9,00
1,5	6	9	15,00
2,0	12	12	24,00

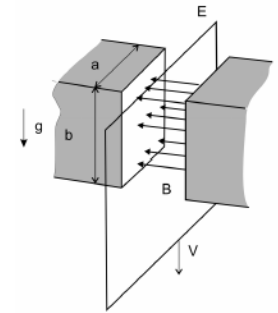
Logo:



**QUESTÃO 10**

Um procedimento para estimar o campo magnético de um ímã baseia-se no movimento de uma grande espira condutora E através desse campo. A espira retangular E é abandonada à ação da gravidade entre os pólos do ímã de modo que, enquanto a espira cai, um de seus lados horizontais (apenas um) corta perpendicularmente as linhas de campo. A corrente elétrica induzida na espira gera uma força eletromagnética que se opõe a seu movimento de queda, de tal forma que a espira termina atingindo uma velocidade V constante. Essa velocidade é mantida enquanto esse lado da espira estiver passando entre os pólos do ímã.

A figura representa a configuração usada para medir o campo magnético, uniforme e horizontal, criado entre os pólos do ímã. As características da espira e do ímã estão apresentadas na tabela. Para a situação em que um dos lados da espira alcança a velocidade constante  $V = 0,40 \text{ m/s}$  entre os pólos do ímã, determine:



- A intensidade da força eletromagnética F, em N, que age sobre a espira, de massa M, opondo-se à gravidade no seu movimento de queda a velocidade constante.
- O trabalho realizado pela força de gravidade por unidade de tempo (potência), que é igual à potência P dissipada na espira, em watts.
- A intensidade da corrente elétrica i, em ampères, que percorre a espira, de resistência R.
- O campo magnético B, em tesla, existente entre os pólos do ímã.

**NOTE E ADOTE**  
 $P = F \cdot V$  ;  $P = i^2 R$  ;  $F = Bi l$   
 (Desconsidere o campo magnético da Terra).

Espira:	
Massa M	0,016 kg
Resistência R	0,10 $\Omega$
Dimensões do ímã:	
Largura a	0,20 m
Altura b	0,15 m

**Resolução**

a) Para que a velocidade da espira torne-se constante, o módulo da resultante das forças externas ( $F_R$ ) aplicadas sobre esta deve ser nulo:



$$F_R = F - P = 0$$

$$F = P \Rightarrow F = M \cdot g$$

$$F = 0,016 \cdot 10 = 1,6 \cdot 10^{-1} \text{ N}$$

b) Como a velocidade é constante, a potência desenvolvida pela força peso ( $P_{\text{peso}}$ ) é dada por:

$$\begin{cases} \tau_{\text{peso}} = P \cdot \Delta S \\ P_{\text{peso}} = \frac{\tau_{\text{peso}}}{\Delta t} \Rightarrow P_{\text{peso}} = P \cdot \frac{\Delta S}{\Delta t} = P \cdot v \end{cases}$$

(equação dada no enunciado)

Assim  $P_{\text{peso}} = 1,6 \cdot 10^{-1} \cdot 4 \cdot 10^{-1} \text{ [W]}$

$P_{\text{peso}} = 6,4 \cdot 10^{-2} \text{ W} = P_{\text{espira}}$

Onde  $P_{\text{espira}}$  é a potência dissipada na espira.

**A potência desenvolvida pela força peso é  $6,4 \cdot 10^{-2} \text{ W}$ .**

c) Utilizando da equação dada e o resultado do item b), temos:

$$P_{\text{espira}} = R \cdot i^2 \Rightarrow 6,4 \cdot 10^{-2} = 10^{-1} \cdot i^2$$

$i = 0,8 \text{ A}$

**A intensidade da corrente elétrica que percorre a espira é 0,8 A.**

d) Através da Equação de Laplace para uma Força Magnética que surge em um fio condutor, obtemos:

$$F = B \cdot i \cdot l = B \cdot i \cdot a \Rightarrow 1,6 \cdot 10^{-1} = B \cdot 8 \cdot 10^{-1} \cdot 2 \cdot 10^{-1}$$

$B = 1,0 \text{ T}$

**O campo magnético existente entre os pólos do ímã é  $B = 1,0 \text{ T}$ .**