

**ELITE**  
**PRÉ-VESTIBULAR**  
**c a m p i n a s**

**ELITE RESOLVE**

**IME 2007**

**TESTES DE**  
**MATEMÁTICA**  
**FÍSICA**  
**QUÍMICA**

**[www.elitecampinas.com.br](http://www.elitecampinas.com.br)**

**(19) 3251 1012**

**MATEMÁTICA**

**QUESTÃO 1**

Sejam  $z$  e  $w$  números complexos tais que:

$$\begin{cases} w^2 - z^2 = 4 + 12i \\ \bar{z} - \bar{w} = 2 + 4i \end{cases}$$

onde  $\bar{z}$  e  $\bar{w}$  representam, respectivamente, os números complexos conjugados de  $z$  e  $w$ . O valor de  $w + z$  é:

- a)  $1 - i$
- b)  $2 + i$
- c)  $-1 + 2i$
- d)  $2 - 2i$
- e)  $-2 + 2i$

**Resolução** **Alternativa D**

Do sistema, temos:

$$\begin{cases} (w+z)(w-z) = 4 + 12i \\ \frac{w+z}{z-w} = 2 + 4i \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} (w+z)(w-z) = 4 + 12i \\ z-w = 2 - 4i \end{cases}$$

Assim, substituindo a segunda equação na primeira, temos:

$$w + z = \frac{4 + 12i}{-(2 - 4i)} \cdot \frac{2 + 4i}{2 + 4i} = \frac{-40 + 40i}{-20} = 2 - 2i$$

**QUESTÃO 2**

Seja  $N$  um número inteiro de 5 algarismos. O número  $P$  é construído agregando-se o algarismo 1 à direita de  $N$  e o número  $Q$  é construído agregando-se o algarismo 1 à esquerda de  $N$ . Sabendo-se que  $P$  é o triplo de  $Q$ , o algarismo das centenas do número  $N$  é:

- a) 0
- b) 2
- c) 4
- d) 6
- e) 8

**Resolução** **Alternativa E**

De acordo com o enunciado, e como  $N$  tem 5 algarismos, temos que:

$$P = \underline{N}1 = 10N + 1$$

$$Q = 1\underline{N} = 100000 + N$$

Como  $P$  é o triplo de  $Q$ , temos que:

$$10N + 1 = 3(100000 + N)$$

$$10N + 1 = 300000 + 3N$$

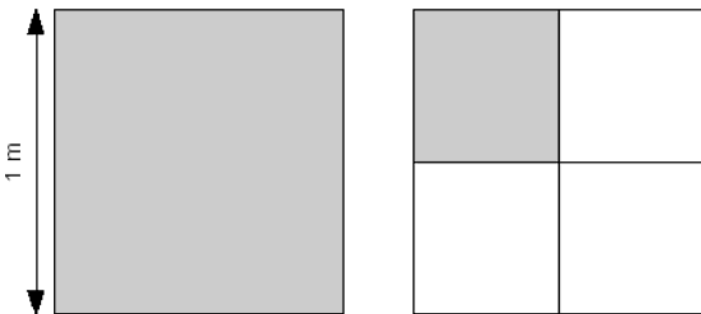
$$7N = 299999$$

$$N = 42857$$

Assim, temos que o algarismo das centenas de  $N$  é 8.

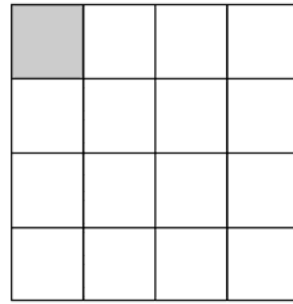
**QUESTÃO 3**

Um quadrado de lado igual a um metro é dividido em quatro quadrados idênticos. Repete-se esta divisão com os quadrados obtidos e assim sucessivamente por  $n$  vezes. A figura abaixo ilustra as quatro primeiras etapas desse processo. Quando  $n \rightarrow \infty$  a soma em metros dos perímetros dos quadrados hachurados em todas as etapas é:

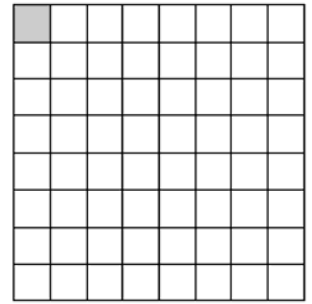


Primeira etapa

Segunda etapa



Terceira etapa



Quarta etapa

- a) 4
- b) 6
- c) 8
- d) 10
- e) 12

**Resolução** **Alternativa C**

De acordo com o enunciado, a cada etapa estamos dividindo o lado pela metade. Assim, os lados formam a seguinte seqüência  $(1; \frac{1}{2}; \frac{1}{4}; \dots)$ , que é uma progressão geométrica de razão  $\frac{1}{2}$ . Dessa

forma, os perímetros também formam uma progressão geométrica, que é dada por  $(4; 2; 1; \frac{1}{2}; \frac{1}{4}; \dots)$ .

Lembrando que a soma dos termos de uma progressão geométrica infinita convergente é dada por  $S = \frac{a_1}{1 - q}$ , onde  $a_1$  representa o primeiro termo e  $q$  representa a razão, temos que a soma dos perímetros é dada por

$$4 + 2 + 1 + \frac{1}{2} + \dots = \frac{4}{1 - 1/2} = 8$$

**QUESTÃO 4**

Se  $r_1$  e  $r_2$  são raízes reais distintas de  $x^2 + px + 8 = 0$ , é correto afirmar que:

- a)  $|r_1 + r_2| > 4\sqrt{2}$
- b)  $|r_1 + r_2| < \sqrt{2}$
- c)  $|r_1| \geq 2$  e  $|r_2| \geq 2$
- d)  $|r_1| \geq 3$  e  $|r_2| \leq 1$
- e)  $|r_1| < 1$  e  $|r_2| < 2$

**Resolução** **Alternativa A**

Se  $r_1$  e  $r_2$  são raízes reais e distintas, o discriminante da equação é positivo; logo  $\Delta = p^2 - 32 > 0 \Leftrightarrow |p| > 4\sqrt{2}$ .

Como  $-p = r_1 + r_2$  é a soma das raízes,

$$|r_1 + r_2| > 4\sqrt{2}$$

**QUESTÃO 5**

Considere o sistema de equações dado por:

$$\begin{cases} x + y + 2z = b_1 \\ 2x - y + 3z = b_2 \\ 5x - y + az = b_3 \end{cases}$$

Sendo  $b_1$ ,  $b_2$  e  $b_3$  valores reais quaisquer, a condição para que o sistema possua solução única é:

- a)  $a = 0$
- b)  $a \neq 2$
- c)  $a \neq 8$
- d)  $a \neq b_1 + b_2 - b_3$
- e)  $a = 2b_1 - b_2 + 3b_3$

**Resolução** **Alternativa C**

O sistema admite solução única se e somente se:

$$\begin{vmatrix} 1 & 1 & 2 \\ 2 & -1 & 3 \\ 5 & -1 & a \end{vmatrix} \neq 0 \Rightarrow -a + 15 - 4 + 10 + 3 - 2a \neq 0$$

$$\Rightarrow 3a \neq 24 \Rightarrow a \neq 8$$

**QUESTÃO 6**

Seja  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$ , onde  $\mathbb{R}$  é o conjunto dos números reais, tal que:

$$\begin{cases} f(4) = 5 \\ f(x+4) = f(x) \cdot f(4) \end{cases}$$

O valor de  $f(-4)$  é:

- a)  $-\frac{4}{5}$                       b)  $-\frac{1}{4}$                       c)  $-\frac{1}{5}$   
d)  $\frac{1}{5}$                         e)  $\frac{4}{5}$

**Resolução** **Alternativa D**

Seja  $f(x)$  uma função tal que  $f(x+4) = f(x) \cdot f(4)$ . Assim, para  $x = 0$ ,  $f(4) = f(0+4) = f(0) \cdot f(4) \Rightarrow f(0) = 1$ .

Aplicando novamente a segunda condição para  $x = -4$ , temos:

$$f(0) = f(-4+4) = f(-4) \cdot f(4) = 1 \Rightarrow f(-4) = \frac{1}{f(4)} = \frac{1}{5}$$

**QUESTÃO 7**

Um grupo de nove pessoas, sendo duas delas irmãos, deverá formar três equipes, com respectivamente dois, três e quatro integrantes. Sabendo que os dois irmãos não podem ficar na mesma equipe, o número de equipes que podem ser organizadas é:

- a) 288                        b) 455                        c) 480  
d) 910                        e) 960

**Resolução** **Alternativa D**

O número de equipes na qual os dois irmãos não estão juntos é dado pelo total de equipes que podem ser formadas menos o número de equipes formadas com os dois irmãos juntos; Assim, Total de equipes:

$$\binom{9}{2} \cdot \binom{7}{3} \cdot \binom{4}{4} = 1260$$

equipe com 2 participantes
equipe com 3 participantes
equipe com 4 participantes

Equipes nas quais os irmãos estão juntos:

Na primeira equipe:  $\binom{9}{0} \cdot \binom{7}{3} \cdot \binom{4}{4} = 35$

Na segunda equipe:  $\binom{7}{2} \cdot \binom{5}{1} \cdot \binom{4}{4} = 105$

Na terceira equipe:  $\binom{7}{2} \cdot \binom{5}{3} \cdot \binom{2}{2} = 210$

Portanto, temos  $1260 - (35+105+210) = 910$

**QUESTÃO 8**

Seja a matriz  $D$  dada por:

$$D = \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ p & q & r \\ \text{sen}(\hat{P}) & \text{sen}(\hat{Q}) & \text{sen}(\hat{R}) \end{bmatrix}$$

na qual  $p, q$  e  $r$  são lados de um triângulo cujos ângulos opostos são, respectivamente,  $\hat{P}, \hat{Q}$  e  $\hat{R}$ . O valor do determinante de  $D$  é:

- a) -1                        b) 0                        c) 1  
d)  $\pi$                         e)  $p+q+r$

**Resolução** **Alternativa B**

Pela Lei dos Senos, temos que:

$$\frac{p}{\text{sen}(\hat{P})} = \frac{q}{\text{sen}(\hat{Q})} = \frac{r}{\text{sen}(\hat{R})} = 2R,$$

onde  $R$  é a medida do raio da circunferência circunscrita ao triângulo PQR.

Assim, temos que:

$$p = 2R \cdot \text{sen}(\hat{P}), q = 2R \cdot \text{sen}(\hat{Q}) \text{ e } r = 2R \cdot \text{sen}(\hat{R}).$$

Logo, temos que:

$$\det D = \begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 \\ p & q & r \\ \text{sen}(\hat{P}) & \text{sen}(\hat{Q}) & \text{sen}(\hat{R}) \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 2R \cdot \text{sen}(\hat{P}) & 2R \cdot \text{sen}(\hat{Q}) & 2R \cdot \text{sen}(\hat{R}) \\ \text{sen}(\hat{P}) & \text{sen}(\hat{Q}) & \text{sen}(\hat{R}) \end{vmatrix} = 0$$

pois  $L_2 = 2RL_3$

**QUESTÃO 9**

Sabendo que  $\log 2 = 0,3010$ ,  $\log 3 = 0,4771$  e  $\log 5 = 0,6989$ , o menor número entre as alternativas abaixo é:

- a)  $4^{30}$   
b)  $9^{24}$   
c)  $25^{40}$   
d)  $81^{20}$   
e)  $625^{15}$

**Resolução** **Alternativa A**

Precisamos encontrar o menor dos números  $4^{30}$ ,  $9^{24}$ ,  $25^{40}$ ,  $81^{20}$  e  $625^{15}$ . Reescrevendo cada uma das alternativas para suas menores bases, temos então que nosso problema é ordenar os números  $4^{30} = 2^{60}$ ,  $9^{24} = 3^{48}$ ,  $25^{40} = 5^{80}$ ,  $81^{20} = 3^{80}$  e  $625^{15} = 5^{60}$ . Desses, os menores números são  $2^{60}$  e  $3^{48}$ . Aplicando o logaritmo na base 10, temos:

$$\log 2^{60} = 60 \cdot \log 2 = 60 \cdot 0,3010 = 18,06$$

$$\log 3^{48} = 48 \cdot \log 3 = 48 \cdot 0,4771 = 22,9008$$

Como a função  $f(x) = \log x$  é uma função crescente, temos então que  $2^{60} < 3^{48}$ .

**QUESTÃO 10**

Considere os conjuntos  $A = \{(1,2), (1,3), (2,3)\}$  e  $B = \{1,2,3,4,5\}$ , e seja a função  $f: A \rightarrow B$  tal que:

$$f(x,y) = x + y$$

É possível afirmar que  $f$  é uma função:

- a) injetora  
b) sobrejetora  
c) bijetora  
d) par  
e) ímpar

**Resolução** **Alternativa A**

Pela definição da função, temos:

$$f(1,2) = 3$$

$$f(1,3) = 4$$

$$f(2,3) = 5$$

Assim, como elementos diferentes do domínio têm imagens diferentes e  $\text{Im}(f) \neq \text{Cd}(f)$ , podemos concluir que a função é injetora (mas não sobrejetora).

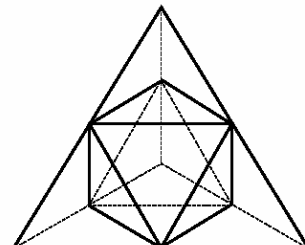
**QUESTÃO 11**

O volume do octaedro cujos vértices são os pontos médios das arestas de um tetraedro regular de volume  $V$  é:

- a)  $\frac{V}{2}$                         b)  $\frac{V}{4}$                         c)  $\frac{V}{8}$   
d)  $\frac{V\sqrt{2}}{2}$                       e)  $\frac{V\sqrt{3}}{2}$

**Resolução** **Alternativa A**

Quando unimos os pontos médios das arestas do tetraedro regular, dividimos ele em um octaedro regular e 4 tetraedros regulares cujas arestas medem metade da medida da aresta do tetraedro regular inicial.



Assim, sendo  $V_T$  o volume de cada um desses 4 tetraedros obtidos,

temos que:  $\frac{V_T}{V} = \left(\frac{1}{2}\right)^3 \Rightarrow V_T = \frac{1}{8}V$ .

Logo, o volume do octaedro regular obtido é igual a:

$$V_{\text{OCTAEDRO}} = V - 4V_T = V - 4 \cdot \frac{1}{8}V = V - \frac{1}{2}V = \frac{V}{2}$$

**QUESTÃO 12**

Seja  $p(x) = \alpha x^3 + \beta x^2 + \gamma x + \delta$  um polinômio do terceiro grau cujas raízes são termos de uma progressão aritmética de razão 2.

Sabendo que  $p(-1) = -1$ ,  $p(0) = 0$  e  $p(1) = 1$ , os valores de  $\alpha$  e  $\gamma$  são, respectivamente:

- a) 2 e -1
- b) 3 e -2
- c) -1 e 2
- d)  $-\frac{1}{3}$  e  $\frac{4}{3}$
- e)  $\frac{1}{2}$  e  $\frac{1}{2}$

**Resolução** **Alternativa D**

Considere  $p(x) = \alpha x^3 + \beta x^2 + \gamma x + \delta$ . Do enunciado, temos:

$$p(0) = 0 \Rightarrow \delta = 0$$

$$p(1) = 1 \Rightarrow \alpha + \beta + \gamma = 1$$

$$p(-1) = -1 \Rightarrow -\alpha + \beta - \gamma = -1$$

Somando as duas últimas equações, temos  $2\beta = 0$ , donde segue que  $\beta = 0 \Rightarrow \alpha + \gamma = 1$ .

Também pelo enunciado, sabemos que as raízes de  $p(x)$  estão em progressão aritmética de razão 2; assim, supondo  $s$  uma de suas raízes, podemos escrever as outras raízes como  $s - 2$  e  $s + 2$ , montando a seqüência  $(s-2; s; s+2)$ .

Aplicando a relação de Girard para a soma das raízes, temos:

$$S = -\frac{\beta}{\alpha} = 0 \Rightarrow s - 2 + s + s + 2 = 3s = 0 \Rightarrow s = 0$$

Como  $s = 0$ , temos que as raízes de  $p(x)$  são  $-2, 0$  e  $2$ .

Dessa forma:

$$p(2) = 0 \Rightarrow 8\alpha + 2\gamma = 0 \Rightarrow 4\alpha + \gamma = 0$$

Com essa última equação podemos montar o seguinte sistema linear:

$$\begin{cases} 4\alpha + \gamma = 0 \\ \alpha + \gamma = 1 \end{cases}$$

Fazendo a primeira equação menos a segunda, temos:

$$3\alpha = -1 \Rightarrow \alpha = -\frac{1}{3}$$

$$\gamma = 1 - \alpha = \frac{4}{3}$$

**QUESTÃO 13**

Seja  $p(x) = x^5 + bx^4 + cx^3 + dx^2 + ex + f$  um polinômio com coeficientes inteiros. Sabe-se que as cinco raízes de  $p(x)$  são números inteiros positivos, sendo quatro deles pares e um ímpar. O número de coeficientes pares de  $p(x)$  é:

- a) 0
- b) 1
- c) 2
- d) 3
- e) 4

**Resolução** **Alternativa E**

Sabendo que  $p(x)$  tem 5 raízes, a saber:  $x_1, x_2, x_3, x_4$  e  $x_5$ . Por hipótese,  $x_1, x_2, x_3$  e  $x_4$  são pares e  $x_5$  é ímpar.

Como a questão é sobre os coeficientes, usaremos as relações de Girard;

A única relação na qual o  $x_5$  aparece isolado é a primeira:  $x_1 + x_2 + x_3 + x_4 + x_5 = -b$ ; portanto,  $b$  é a soma de 4 números pares com 1 ímpar; ou seja,  $b$  é ímpar;

Nas outras relações,  $x_5$  aparece multiplicado por alguma(s) das raízes pares; logo, os outros coeficientes são somas de números pares; assim,  $c, d, e$  e  $f$  são pares; portanto,  $p(x)$  tem 4 coeficientes pares.

**QUESTÃO 14**

Considere uma circunferência  $C$  fixa de raio  $R$ . A partir de dois pontos  $A$  e  $B$  pertencentes a  $C$ , traçam-se retas tangentes a  $C$  que se interceptam num ponto  $P$ , tal que  $\overline{PA} = \overline{PB} = k$ . Sendo  $k$  um valor constante, o lugar geométrico de  $P$  é uma:

- a) reta
- b) circunferência
- c) parábola
- d) hipérbole
- e) elipse

**Resolução** **Alternativa B**

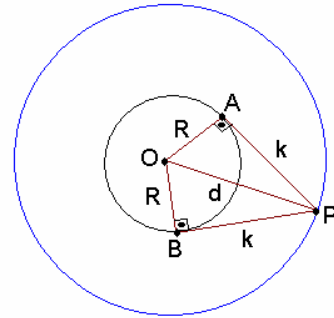
Observando na figura abaixo, temos que os triângulos PAO e PBO são retângulos, onde O é o centro da circunferência C. Assim, pelo Teorema de Pitágoras, temos que:

$$PO^2 = d^2 = R^2 + k^2$$

$$\Rightarrow PO = d = \sqrt{R^2 + k^2}$$

Assim, o lugar geométrico de P é uma circunferência de raio

$$d = \sqrt{R^2 + k^2}$$



**QUESTÃO 15**

Um homem nascido no século XX diz a seguinte frase para o filho: "seu avô paterno, que nasceu trinta anos antes de mim, tinha  $x$  anos no ano  $x^2$ ". Em consequência, conclui-se que o avô paterno nasceu no ano de:

- a) 1892
- b) 1898
- c) 1900
- d) 1936
- e) 1942

**Resolução** **Alternativa A**

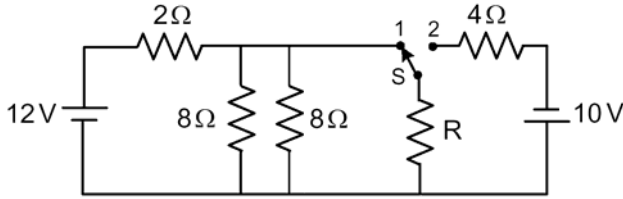
O avô era 30 anos mais velho do que seu filho, que nasceu no século XX. Assim, ele com certeza nasceu entre 1871 e 1970. Com isso em mente, e lembrando que ele estava com  $x$  anos no ano  $x^2$ , temos:

$$1871 < x^2 < 1970 \Rightarrow 43^2 < 1871 < x^2 < 1970 < 45^2$$

donde segue que  $x = 44$ . Assim, no ano  $44^2 = 1936$ , o avô possuía 44 anos; portanto ele nasceu em  $1936 - 44 = 1892$ .

**FÍSICA**

**QUESTÃO 16**



A chave S no circuito elétrico possui duas posições de contato, conforme mostra a figura acima. Para que a potência total dissipada no circuito seja a mesma estando a chave S na posição 1 ou na posição 2, o valor aproximado da resistência R, em ohms, deve ser:

- a) 1,5                      b) 3,4                      c) 5,6  
d) 8,2                      e) 12,3

**Resolução** **Alternativa B**

(I) Na primeira situação, tendo circuito com a chave na posição 1, não há corrente circulando no gerador de 10 V. Do lado esquerdo temos, para os três resistores em paralelo:

$$\frac{1}{R_p} = \frac{1}{8} + \frac{1}{8} + \frac{1}{R} \Rightarrow R_p = \frac{4 \cdot R}{R+4}$$

A resistência equivalente então será:

$$R_{EQ} = 2 + R_p = 2 + \frac{4 \cdot R}{R+4} = \frac{6 \cdot R + 8}{R+4}$$

A potência total dissipada nesse caso será:

$$Pot_I = \frac{U^2}{R_{EQ}} = \frac{12^2}{\left(\frac{6 \cdot R + 8}{R+4}\right)} = \frac{72 \cdot (R+4)}{3 \cdot R + 4}$$

(II) Na segunda situação, com a chave na posição 2, teremos dois circuitos independentes, um do lado esquerdo, abastecido pelo gerador de 12 V, e outro do lado direito, abastecido pelo gerador de 10 V.

No circuito da esquerda, temos:

$$\frac{1}{R_p} = \frac{1}{8} + \frac{1}{8} \Rightarrow R_p = 4\Omega$$

$$R_{EQ} = R_p + 2 = 4 + 2 = 6\Omega$$

$$Pot_E = \frac{U^2}{R_{EQ}} = \frac{12^2}{6} = 24W$$

No circuito da direita, temos:

$$Pot_D = \frac{U^2}{R_{EQ}} = \frac{10^2}{R+4} = \frac{100}{R+4}$$

Impondo então a igualdade entre as potências totais dissipadas nas situações (I) e (II) vem:

$$Pot_I = Pot_E + Pot_D \Rightarrow \frac{72 \cdot (R+4)}{3 \cdot R + 4} = 24 + \frac{100}{R+4} \Rightarrow$$

$$\frac{18 \cdot (R+4)}{3 \cdot R + 4} = 6 + \frac{25}{R+4} = \frac{6 \cdot R + 49}{R+4} \Rightarrow$$

$$18 \cdot (R^2 + 8 \cdot R + 16) = 18 \cdot R^2 + 147 \cdot R + 24 \cdot R + 196 \Rightarrow$$

$$144 \cdot R + 288 = 171 \cdot R + 196 \Rightarrow$$

$$27 \cdot R = 92 \Rightarrow R = \frac{92}{27} \approx 3,4 \Omega$$

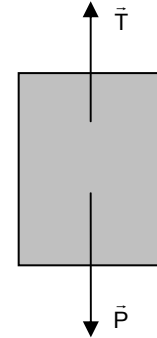
**QUESTÃO 17**

Um peso está suspenso por uma corda no teto de um elevador. A tração na corda é maior quando o elevador está:

- a) subindo com uma velocidade constante de 1 m/s  
b) descendo com uma velocidade constante de 1 m/s  
c) subindo com uma aceleração constante de 1 m/s<sup>2</sup>  
d) descendo com uma aceleração constante de 1 m/s<sup>2</sup>  
e) parado

**Resolução** **Alternativa C**

O elevador está sujeito a duas forças, que atuam em sentidos opostos: **peso**, que atua verticalmente para baixo, e **tração**, que atua verticalmente para cima.



Se o elevador está com velocidade constante, seja ela igual a zero ou diferente de zero, não existe aceleração e, portanto, a resultante das forças que atuam sobre ele é nula. Assim, nos itens (a),(b) e (e), a tração estaria equilibrando o peso do elevador ( $|\vec{T}| = |\vec{P}|$ ).

Quando o elevador desce com aceleração constante não nula, ou seja, quando sua aceleração tem sentido para baixo, significa que a força peso é maior que a tração, pois nesse caso temos:

$$|\vec{P}| - |\vec{T}| = m \cdot |\vec{a}| \Rightarrow |\vec{T}| = |\vec{P}| - m \cdot |\vec{a}| \Rightarrow |\vec{T}| < |\vec{P}|$$

Quando o elevador sobe com aceleração constante não nula, ou seja, quando sua aceleração tem sentido vertical para cima, significa que a tração é maior que o peso do elevador, pois nesse caso:

$$|\vec{T}| - |\vec{P}| = m \cdot |\vec{a}| \Rightarrow |\vec{T}| = |\vec{P}| + m \cdot |\vec{a}| \Rightarrow |\vec{T}| > |\vec{P}|$$

Assim, dentre as situações apresentadas, a tração é maior quando o elevador está subindo em movimento acelerado.

**QUESTÃO 18**

Entre as grandezas abaixo, a única conservada nas colisões elásticas, mas não nas inelásticas é o (a):

- a) energia cinética                      b) energia potencial  
c) energia total                              d) momento linear  
e) momento angular

**Resolução** **Alternativa A**

O momento linear, assim como a energia total e a energia potencial, se conservam em ambos os tipos de colisões. Na colisão elástica, além disso, temos também a conservação da energia cinética, ao passo que na colisão inelástica há perda de energia cinética, que é transformada em outras formas de energia.

Em colisões frontais momento angular é constante e igual a zero, não importando se a colisão é elástica ou inelástica.

**QUESTÃO 19**

Quando a luz, que estava se propagando no ar, penetra na água de uma piscina, sua velocidade    (I)   , sua frequência    (II)    e seu comprimento de onda    (III)   .

A opção que corresponde ao preenchimento correto das lacunas (I), (II) e (III) é:

	(I)	(II)	(III)
a)	diminui	aumenta	permanece constante
b)	aumenta	permanece constante	diminui
c)	diminui	permanece constante	diminui
d)	aumenta	diminui	aumenta
e)	diminui	diminui	diminui

**Resolução** **Alternativa C**

Como o índice de refração da água é maior do que o do ar, então a velocidade da luz **diminui** quando esta penetra na água.

O fenômeno da refração **nunca altera** a frequência de uma onda ao passar de um meio para outro, portanto, a frequência da luz **permanece constante**.

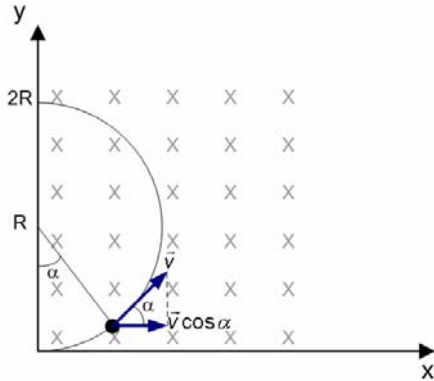
Como a velocidade diminuiu e a frequência permaneceu constante, da relação fundamental da ondulatória ( $v = \lambda \cdot f$ ), concluímos que o comprimento de onda **diminui**.

**QUESTÃO 20**

Uma partícula com carga elétrica penetra, ortogonalmente, num campo magnético uniforme com velocidade  $v$  no ponto cujas coordenadas  $(x,y)$  são  $(0,0)$  e sai do campo no ponto  $(0,2R)$ . Durante a permanência no campo magnético, a componente  $x$  da velocidade da partícula no instante  $t$  é dada por:

- a)  $v \sin\left(\frac{\pi vt}{R}\right)$
- b)  $v \cos\left(\frac{\pi vt}{R}\right)$
- c)  $v \cos\left(\frac{vt}{R}\right)$
- d)  $v \cos\left(\frac{2vt}{R}\right)$
- e)  $v \cos\left(\frac{vt}{2R}\right)$

**Resolução Alternativa C**



A partir do gráfico temos:

$$v_x = v \cdot \cos \alpha \text{ e } v = \frac{\Delta s}{\Delta t} = \frac{\alpha \cdot R}{t} \Rightarrow \alpha = \frac{v \cdot t}{R}$$

Substituindo, temos:  $v_x = v \cdot \cos\left(\frac{v \cdot t}{R}\right)$

**QUESTÃO 21**

Analisando certo fenômeno físico, um pesquisador verificou que determinada grandeza era diretamente proporcional ao produto de uma força por uma velocidade e inversamente proporcional ao produto do quadrado de um peso pelo cubo de uma aceleração. Sabendo-se que a constante de proporcionalidade é adimensional, a expressão dimensional da referida grandeza é:

- a)  $[L]^{-4} [M]^{-2} [T]^5$
- b)  $[L]^{-2} [M]^{-1} [T]^3$
- c)  $[L]^{-5} [M]^{-3} [T]^6$
- d)  $[L]^{-2} [M]^{-4} [T]^4$
- e)  $[L]^{-3} [M]^{-1} [T]^7$

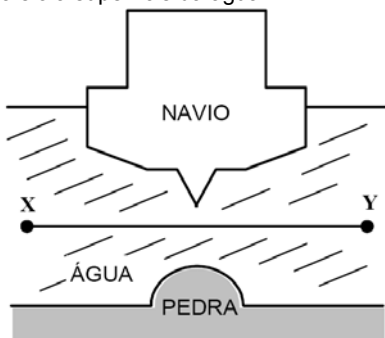
**Resolução Alternativa E**

A expressão dimensional da referida grandeza é dada por:

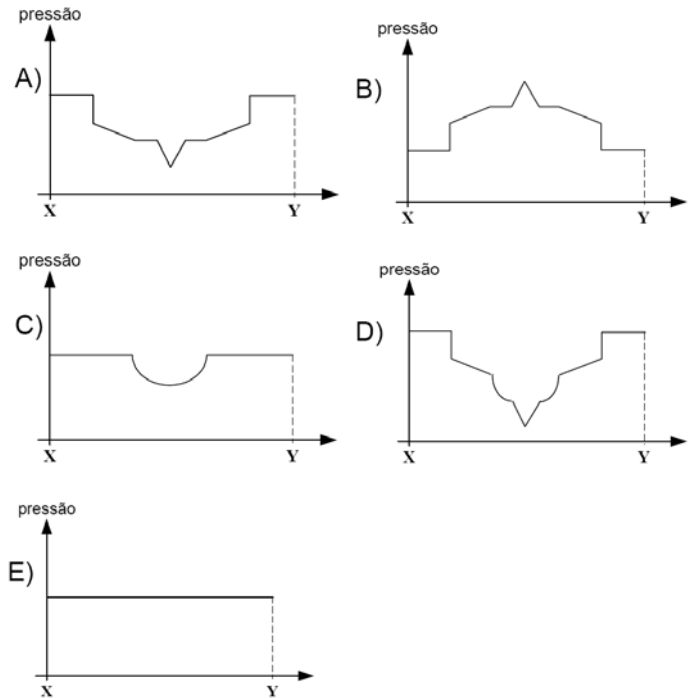
$$[G] = \frac{[F] \cdot [V]}{[P]^2 \cdot [a]^3} = \frac{(M \cdot L \cdot T^{-2}) \cdot (L \cdot T^{-1})}{(M \cdot L \cdot T^{-2})^2 \cdot (L \cdot T^{-2})^3} = M^{-1} \cdot L^{-3} \cdot T^7$$

**QUESTÃO 22**

A figura abaixo ilustra um plano transversal de corte de um navio, incluindo a água e o fundo do rio em que a embarcação navega. Considere um segmento de reta horizontal hipotético X-Y, contido nesse plano, paralelo à superfície da água.



O gráfico que melhor ilustra a pressão hidrostática ao longo dos pontos desse segmento é:



**Resolução Alternativa E**

A pressão dentro da água depende apenas da profundidade em relação à superfície, da seguinte forma:

$$P = P_0 + \rho \cdot g \cdot h$$

Como o segmento xy é paralelo à superfície, a pressão sobre ele é constante.

**QUESTÃO 23**

A constante elástica da mola de uma espingarda é  $k = 1 \text{ N/cm}$ . Para atirar um projétil de  $0,5 \text{ g}$  com velocidade de  $50 \text{ m/s}$ , o comprimento de compressão da mola, em cm, deverá ser:

- a) 1,12
- b) 1,25
- c) 6,25
- d) 11,20
- e) 12,50

**Resolução Alternativa D**

Pela conservação de energia temos:

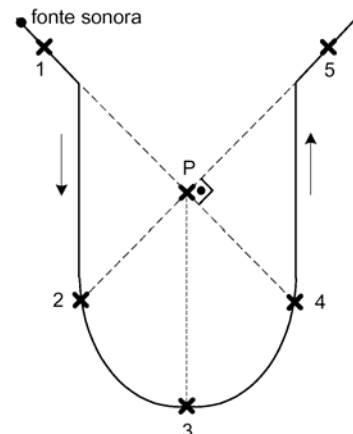
$$\frac{k \cdot x^2}{2} = \frac{m \cdot v^2}{2} \Rightarrow x = v \cdot \sqrt{\frac{m}{k}}$$

Substituindo os valores, com  $m = 0,5 \text{ g} = 5 \cdot 10^{-4} \text{ kg}$  e  $k = 1 \text{ N/cm} = 10^2 \text{ N/m}$  temos:

$$x = 50 \cdot \sqrt{\frac{5 \cdot 10^{-4}}{10^2}} \Rightarrow x = 5\sqrt{5} \cdot 10^{-2} \cong 11,2 \cdot 10^{-2} \text{ m} \cong 11,20 \text{ cm}$$

**QUESTÃO 24**

A figura abaixo apresenta uma fonte sonora que se desloca pela trajetória representada pela linha cheia, com velocidade escalar constante, emitindo um som de frequência constante.



Um observador localizado no ponto P escutará o som de forma mais aguda quando a fonte passar pelo ponto:

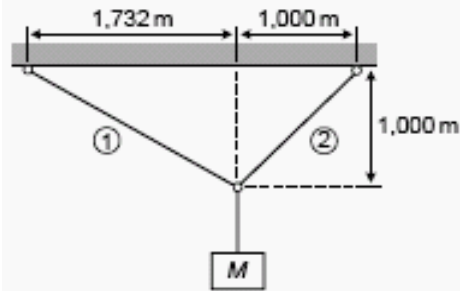
- a) 1                      b) 2                      c) 3  
d) 4                      e) 5

**Resolução** **Alternativa A**

As variações do som percebido pelo observador são devidas ao efeito Doppler, onde o som fica mais agudo quando há maior aproximação relativa, ou seja, maior velocidade de aproximação, o que ocorre na região do ponto 1.

**QUESTÃO 25**

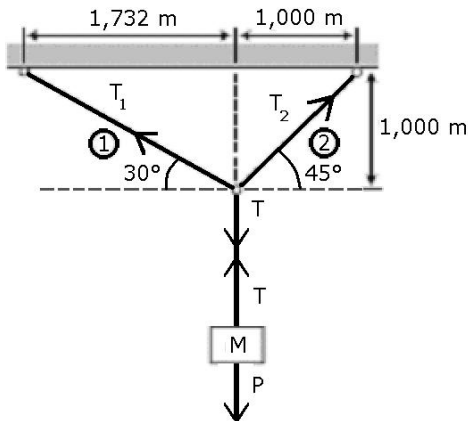
Um bloco de massa  $M = 20\text{kg}$  está pendurado por três cabos em repouso, conforme mostra a figura abaixo.



Considerando a aceleração da gravidade igual a  $10\text{ m/s}^2$ , e, os valores das forças de tração, em newtons, nos cabos 1 e 2 são, respectivamente:

- a) 146 e 179.  
b) 179 e 146.  
c) 200 e 146.  
d) 200 e 179.  
e) 146 e 200.

**Resolução** **Alternativa A**



A partir da figura temos:

$$\begin{cases} T_1 \cdot \text{sen}30 + T_2 \cdot \text{sen}45 = P \\ T_1 \cdot \text{cos}30 = T_2 \cdot \text{cos}45 \end{cases}$$

Assim:

$$\begin{cases} T_1 \cdot \frac{1}{2} + T_2 \cdot \frac{\sqrt{2}}{2} = M \cdot g \\ T_1 \cdot \frac{\sqrt{3}}{2} = T_2 \cdot \frac{\sqrt{2}}{2} \end{cases}$$

Substituindo, temos:

$$T_1 \cdot (\sqrt{3} + 1) = 2 \cdot M \cdot g \Rightarrow T_1 = \frac{2 \cdot M \cdot g}{\sqrt{3} + 1} \Rightarrow T_1 = \frac{2 \cdot 20 \cdot 10}{1,732 + 1} \Rightarrow T_1 = 146,4\text{ N}$$

$$T_2 \cdot \sqrt{2} = T_1 \cdot \sqrt{3} \Rightarrow T_2 = \frac{T_1 \cdot \sqrt{3}}{\sqrt{2}} \Rightarrow T_2 = \frac{146,4 \cdot 1,732}{1,414} \Rightarrow T_2 = 179,3\text{ N}$$

**QUESTÃO 26**

Um espelho e uma lente, ambos esféricos, encontram-se posicionados de maneira que seus eixos ópticos coincidam. Uma vela acesa é posicionada entre o espelho e a lente, perpendicularmente ao eixo óptico, com a base sobre o mesmo. Para que as imagens formadas individualmente pelos dois instrumentos, a partir do objeto, possam ser

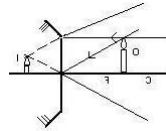
direitas e coincidentes, os tipos de espelho e de lente devem ser, respectivamente:

- a) convexo e convergente.  
b) convexo e divergente.  
c) côncavo e convergente.  
d) côncavo e divergente.  
e) não existe combinação que torne as imagens coincidentes.

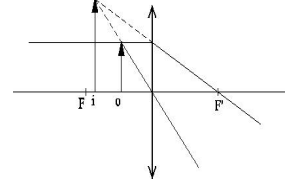
**Resolução** **Alternativa C**

Tomando das considerações de Gauss para Raios Notáveis em Lentes e Espelhos Esféricos, temos as seguintes possibilidades de construção de imagens direitas:

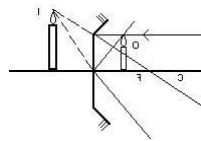
I) Espelho Convexo



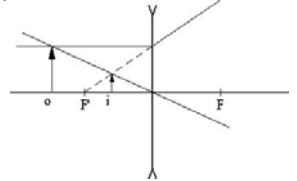
III) Lente Convergente



II) Espelho Côncavo

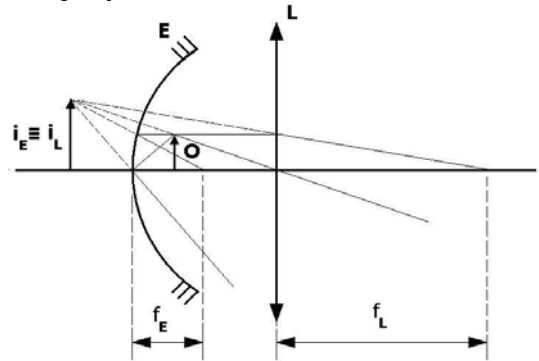


IV) Lente Divergente



Ambos os espelhos, nas configurações possíveis, dão imagem à esquerda do objeto. A única lente que também daria imagem à esquerda do objeto seria a representada pela configuração (III). Esta lente apresentaria imagem maior que o objeto. Na escolha do espelho, devemos levar em conta este fato: a representação (II) a que dará imagem maior que o objeto.

Assim, o arranjo que combina as situações (II) e (III), além do encontro das abscissas, temos também a coincidência das ordenadas, isto é, o tamanho das imagens pode coincidir, dependendo apenas da relação entre os focos e a distância entre os instrumentos ópticos, gerando a seguinte configuração:



**QUESTÃO 27**

Considere uma máquina térmica operando em um ciclo termodinâmico. Esta máquina recebe  $300\text{ J}$  de uma fonte quente cuja temperatura é de  $400\text{ K}$  e produz um trabalho de  $150\text{ J}$ . Ao mesmo tempo, rejeita  $150\text{ J}$  para uma fonte fria que se encontra a  $300\text{ K}$ . A análise termodinâmica da máquina térmica descrita revela que o ciclo proposto é um(a):

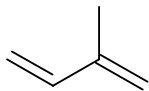
- a) máquina frigorífica na qual tanto a Primeira Lei quanto a Segunda Lei da termodinâmica são violadas.  
b) máquina frigorífica na qual a Primeira Lei é atendida, mas a Segunda Lei é violada.  
c) motor térmico no qual tanto a Primeira Lei quanto a Segunda Lei da termodinâmica são atendidas.  
d) motor térmico no qual a Primeira Lei é violada, mas a Segunda Lei é atendida.  
e) motor térmico no qual a Primeira Lei é atendida, mas a Segunda Lei é violada.



**QUÍMICA**

**QUESTÃO 31**

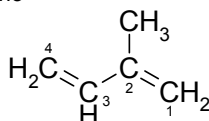
O isopreno é um composto orgânico tóxico que é utilizado como monômero para a síntese de elastômeros, através de reações de polimerização. Dada a estrutura do isopreno, qual sua nomenclatura IUPAC ?



- a) 1,3 – buteno
- b) 2 – metil – butadieno
- c) 2 – metil – buteno
- d) pentadieno
- e) 3 – metil – butadieno

**Resolução Alternativa B**

A molécula do isopreno, representada abaixo, tem como nomenclatura oficial: 2 - metil - butadieno



- a cadeia principal é aquela que contém as ligações duplas, numeradas de acordo com a figura (menores números possíveis)
- o prefixo but é devido aos 4 carbonos na cadeia principal
- o afixo dien indica duas ligações duplas
- o sufixo o indica que a função orgânica é hidrocarboneto
- a indicação das posições da ligação dupla não são necessárias, pois não existe outra configuração possível para a molécula (caso a ligação dupla estivesse entre os carbonos 2 e 3, a numeração deveria ser iniciada pela outra ponta da cadeia, implicando em outro nome)
- o radical metil está no carbono 2, sendo necessária a indicação de sua posição (existem outras posições possíveis para o mesmo).

**QUESTÃO 32**

Oleum, ou ácido sulfúrico fumegante, é obtido através da absorção do trióxido de enxofre por ácido sulfúrico. Ao se misturar oleum com água obtém-se ácido sulfúrico concentrado. Supondo que uma indústria tenha comprado 1.000 kg de oleum com concentração em peso de trióxido de enxofre de 20% e de ácido sulfúrico de 80%, calcule a quantidade de água que deve ser adicionada para que seja obtido ácido sulfúrico com concentração de 95% em peso.

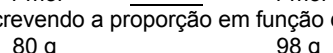
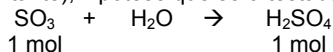
Dados:  
Massas atômicas (u.m.a): S = 32; O = 16; H = 1

- a) 42 kg
- b) 300 kg
- c) 100 kg
- d) 45 kg
- e) 104,5 kg

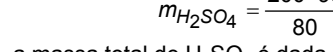
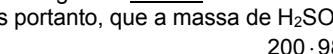
**Resolução Alternativa C**

Em 1000 kg de oleum, temos 20% em peso de SO<sub>3</sub> (200 kg) e 80% em peso de H<sub>2</sub>SO<sub>4</sub> (800 kg)

Temos que, ao adicionar água, o SO<sub>3</sub> (óxido ácido) se transforma em H<sub>2</sub>SO<sub>4</sub>. Considerando que a água adicionada é suficiente (água não é um limitante), hipótese que será testada posteriormente



Reescrevendo a proporção em função das massas molares:



Temos portanto, que a massa de H<sub>2</sub>SO<sub>4</sub> formada é:

$$m_{\text{H}_2\text{SO}_4} = \frac{200 \cdot 98}{80} = 245 \text{ kg}$$

Assim, a massa total de H<sub>2</sub>SO<sub>4</sub> é dada por:

$$m_{\text{H}_2\text{SO}_4} = 800 + 245 = 1045$$

Temos que, para obtermos 95% em peso de H<sub>2</sub>SO<sub>4</sub>, temos:

$$\frac{m_{\text{H}_2\text{SO}_4}}{m_{\text{total}}} = \frac{m_{\text{H}_2\text{SO}_4}}{1000 + m_{\text{H}_2\text{O}}} = 0,95$$

$$\frac{1045}{1000 + m_{\text{H}_2\text{O}}} = 0,95 \Rightarrow 0,95 \cdot m_{\text{H}_2\text{O}} = 1045 - 950 \Rightarrow m_{\text{H}_2\text{O}} = 100 \text{ kg}$$

**OBS.:** Testando se a água é reagente limitante para o processo, temos que, a massa necessária para reagir totalmente o SO<sub>3</sub> é

$$m_{\text{H}_2\text{O}} = \frac{200 \cdot 18}{80} = 45 \text{ kg} . \text{ Portanto, temos que a água é suficiente para consumir todo o SO}_3.$$

**QUESTÃO 33**

A teoria da repulsão dos pares de elétrons da camada de valência foi desenvolvida pelo pesquisador canadense Ronald J. Gillespie, em 1957. Esta teoria permite prever a forma geométrica de uma molécula. O modelo descreve que, ao redor do átomo central, os pares eletrônicos ligantes e os não ligantes se repelem, tendendo a ficar tão afastados quanto possível, de forma que a molécula tenha máxima estabilidade.

A seguir são expressas algumas correlações entre nome, geometria molecular e polaridade de algumas substâncias.

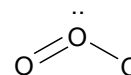
Correlação	Nome da substância	Geometria da molécula	Polaridade
I	Ozônio	Angular	Polar
II	Trifluoreto de boro	Trigonal planar	Apolar
III	Dióxido de nitrogênio	Linear	Apolar
IV	Amônia	Pirâmide trigonal	Polar
V	Pentacloreto de fósforo	Bipirâmide trigonal	Apolar

Assinale a correlação falsa.

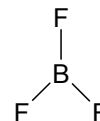
- a) I
- b) II
- c) III
- d) IV
- e) V

**Resolução Alternativa C**

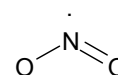
I) **CORRETA:** O oxigênio central tem hibridização sp<sup>2</sup> (um par de elétrons não ligante), portanto, a molécula é angular. Além disso, apesar das ligações sofrerem ressonância, a molécula possui um eixo horizontal assimétrico, o que a torna polar, com momento de dipolo vertical.



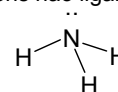
II) **CORRETA:** O boro, que sofre hibridização sp<sup>2</sup>, forma estruturas planas ao fazer três ligações, como os três ligantes são iguais. A molécula é apolar.



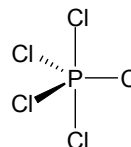
III) **INCORRETA:** A molécula é polar e angular. O nitrogênio sofre hibridização sp<sup>2</sup> e apresenta um orbital não ligante com elétron desemparelhado.



IV) **CORRETA:** A molécula é piramidal (nitrogênio sofre hibridização sp<sup>3</sup> e apresenta um par de elétrons não ligante) e polar.



V) **CORRETA:** O fósforo ao fazer cinco ligações, assume a geometria de bipirâmide trigonal (hibridização sp<sup>3</sup>d), como todos os ligantes são iguais, a molécula é apolar.





**QUESTÃO 38**

Considere os seguintes processos conduzidos a 25°C e 1 atm:

- (1)  $4\text{Fe(s)} + 3\text{O}_2\text{(g)} \rightarrow 2\text{Fe}_2\text{O}_3\text{(s)}$
- (2)  $\text{H}_2\text{O(s)} \rightarrow \text{H}_2\text{O(l)}$
- (3)  $\text{CH}_4\text{(g)} + 2\text{O}_2\text{(g)} \rightarrow \text{CO}_2\text{(g)} + 2\text{H}_2\text{O(g)}$
- (4)  $\text{Cu}_2\text{S(s)} \rightarrow 2\text{Cu(s)} + \text{S(s)}$ , com  $\Delta G = + 86,2 \text{ kJ}$
- (5)  $\text{S(s)} + \text{O}_2\text{(g)} \rightarrow \text{SO}_2\text{(g)}$ , com  $\Delta G = - 300,4 \text{ kJ}$
- (6)  $\text{Cu}_2\text{S(s)} + \text{O}_2\text{(g)} \rightarrow 2\text{Cu(s)} + \text{SO}_2\text{(g)}$
- (7)  $2\text{NO(g)} + \text{O}_2\text{(g)} \rightarrow 2\text{NO}_2\text{(g)}$

Assinale a afirmativa correta.

- a) Os processos (1), (4) e (5) não são espontâneos.
- b) O processo (2) é exotérmico e apresenta variação de entropia positiva.
- c) O processo (3) é endotérmico e apresenta variação de entropia negativa.
- d) Os processos (2) e (7) apresentam variação de entropia positiva.
- e) Os processos (1), (2) e (6) são espontâneos.

Obs:  $\Delta G =$  Variação da energia livre de Gibbs

**Resolução Alternativa E**

- a) **Incorreta**, pois o processo (5) possui variação de energia livre de Gibbs negativa, sendo, portanto, espontâneo.
- b) **Incorreta**, pois o processo (2), a fusão da água, é endotérmico.
- c) **Incorreta**, pois o processo (3), combustão de metano, é exotérmico.
- d) **Incorreta**, pois o processo (7) apresenta variação de entropia negativa, pois ocorre diminuição do número de componentes no estado gasoso.

e) **Correta**:

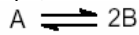
Processo (1) – espontâneo, devido à alta reatividade do ferro (oxidação do ferro).

Processo (2) – espontâneo, à temperatura ambiente (fusão da água)

Processo (6) – espontâneo, devido à baixa reatividade do cobre (redução do cobre)

**QUESTÃO 39**

Um vaso fechado de volume V contém inicialmente dois moles do gás A. Após um determinado tempo, observa-se o equilíbrio químico:



cuja constante de equilíbrio é  $K_p = \frac{p_B^2}{p_A}$  (onde  $p_A$  e  $p_B$  representam as pressões parciais dos componentes A e B). No equilíbrio, o número de moles de A é  $n_1$ .

Em seguida, aumenta-se a pressão do vaso admitindo-se dois moles de um gás inerte I. Após novo equilíbrio, o número de moles de A é  $n_2$ . Quanto vale  $n_2/n_1$  se, durante todo o processo, a temperatura fica constante e igual a T (em K) ?

- a) 1
- b) 2
- c) 4
- d)  $2 \frac{RT}{VK_p}$
- e)  $4 \left( \frac{RT}{VK_p} \right)^2$

**Resolução Alternativa A**

O equilíbrio não se altera, ao se adicionar um gás inerte, pois as pressões parciais de cada componente continuam as mesmas (pressão parcial é a pressão que o gás ocuparia se estivesse sozinho no volume total, não influenciada pela adição de outro componente)

Assim, o número de mols de A e de B permanecem constantes, ou seja,  $n_2/n_1 = 1$

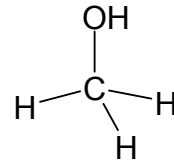
**QUESTÃO 40**

Há mais de dois séculos, surgiu a expressão “*compostos orgânicos*” para designar as substâncias produzidas por organismos vivos, animais ou vegetais. Atualmente, a química orgânica estuda as substâncias que possuem átomos de carbono, embora nem todas as substâncias que contêm carbono estejam no universo da química orgânica. Em tais substâncias orgânicas, os átomos de carbono apresentam hibridização sp, sp<sup>2</sup> ou sp<sup>3</sup> conforme as ligações. No **metanol**, **metanal**, **triclorometano** e **etino** os carbonos apresentam, respectivamente, hibridização:

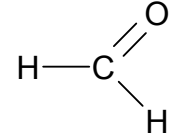
- a) sp, sp<sup>2</sup>, sp<sup>3</sup>, sp<sup>3</sup>
- b) sp<sup>2</sup>, sp<sup>3</sup>, sp, sp<sup>3</sup>
- c) sp<sup>3</sup>, sp<sup>2</sup>, sp, sp<sup>2</sup>
- d) sp, sp<sup>3</sup>, sp<sup>2</sup>, sp
- e) sp<sup>3</sup>, sp<sup>2</sup>, sp<sup>3</sup>, sp

**Resolução Alternativa E**

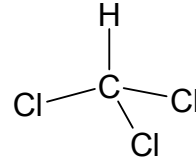
**Metanol:** Hibridação sp<sup>3</sup> (4 ligações sigma - σ)



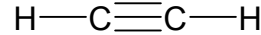
**Metanal:** Hibridação sp<sup>2</sup> (3 ligações sigma - σ e 1 ligação pi - π)



**Triclorometano:** Hibridação sp<sup>3</sup> (4 ligações sigma - σ)



**Etino:** Hibridação sp (2 ligações sigma - σ e 2 ligação pi - π)



**ALUNOS DO ELITE APROVADOS NACIONALMENTE**

**AFA – 113 alunos aprovados**

**ITA – 32 alunos aprovados**

**IME – 27 alunos aprovados**

**CONTATO**

(19) 3251 1012

Rua Antônio Lapa, 78 - Cambuí

www.elitecampinas.com.br